

# 2012 学年奉贤区调研测试 九年级数学试卷

201301

(满分 150 分, 考试时间 100 分钟)

命题人: 张忠华 何慧华 钟菊红

一、选择题: (本大题共 6 题, 每题 4 分, 满分 24 分)

[每小题只有一个正确选项, 在答题纸的相应题号的选项上用 2B 铅笔填涂]

1. 把抛物线  $y = x^2$  向右平移 2 个单位后得到的抛物线是 (▲)

- A.  $y = (x-2)^2$ ;      B.  $y = (x+2)^2$ ;      C.  $y = x^2 + 2$ ;      D.  $y = x^2 - 2$ ;

2. 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle C = 90^\circ$ ,  $a, b, c$  分别是  $\angle A, \angle B, \angle C$  的对边. 下列等式中正确的是 (▲)

- A.  $\sin A = \frac{b}{c}$ ;      B.  $\cos B = \frac{c}{a}$ ;      C.  $\tan A = \frac{a}{b}$ ;      D.  $\cot B = \frac{b}{a}$ ;

3. 等腰直角三角形的腰长为  $\sqrt{2}$ . 该三角形的重心到斜边的距离为 (▲)

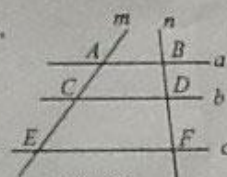
- A.  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ ;      B.  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ ;      C.  $\frac{2}{3}$ ;      D.  $\frac{1}{3}$ ;

4. 若两个相似三角形的面积之比为 1:4, 则它们的最大边的比是 (▲)

- A. 1:2;      B. 1:4;      C. 1:5;      D. 1:16;

5. 如图, 已知直线  $a \parallel b \parallel c$ , 直线  $m, n$  与  $a, b, c$  分别交于点  $A, C, E, B, D, F$ ,  $AC=4$ ,  $CE=6$ ,  $BD=3$ , 则  $BF=$  (▲)

- A. 7;      B. 7.5;      C. 8;      D. 8.5;



第 5 题

6. 在两个圆中有两条相等的弦, 则下列说法正确的是 (▲)

- A. 这两条弦所对的弦心距相等;      B. 这两条弦所对的圆心角相等;  
C. 这两条弦所对的弧相等;      D. 这两条弦都被垂直于弦的半径平分;

二、填空题: (本大题共 12 题, 每题 4 分, 满分 48 分)

【请将结果直接填入答题纸的相应位置】

7. 二次函数  $y = x^2 + 3$  图像的顶点坐标是 ▲;

8. 抛物线  $y = ax^2$  ( $a > 0$ ) 的图像一定经过 ▲ 象限;

9. 抛物线  $y = (x-1)(x+5)$  的对称轴是: 直线 ▲;

10. 已知抛物线  $y = x^2 - 2x - 3$ , 它的图像在对称轴 ▲ (填“左侧”或“右侧”) 的部分是下降的;

11. 已知  $D, E$  分别是  $\triangle ABC$  的边  $AB, AC$  的延长线上的点, 若  $\frac{AD}{AB} = \frac{7}{3}$ , 则  $\frac{AC}{AE}$  的值是 ▲ 时,

$DE \parallel BC$ ;

12. 已知线段  $a = 3\text{cm}$ ,  $c = 6\text{cm}$ , 若线段  $c$  是线段  $a$ 、 $b$  的比例中项, 则  $b = \underline{\hspace{1cm}} \text{cm}$ ;

13. 已知三角形三边长为 3、4、5, 则最小角的正弦是  $\underline{\hspace{1cm}}$ ;

14. 在高为 100 米的楼顶测得地面上某十字路口的俯角为  $\alpha$ , 那么楼底到这十字路口的水平距离是  $\underline{\hspace{1cm}}$  米; (用含角  $\alpha$  的三角比的代数式表示)

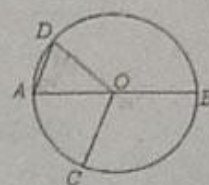
15. 在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle C = 90^\circ$ ,  $\tan A = 1$ , 那么  $\cot B$  的值为  $\underline{\hspace{1cm}}$ ;

16. 若  $\odot O$  的一条弦长为 24, 弦心距为 5, 则  $\odot O$  的直径长为  $\underline{\hspace{1cm}}$ ;

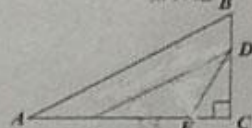
17. 如图,  $AB$  是  $\odot O$  的直径, 点  $C$ 、 $D$  在  $\odot O$  上,  $\angle BOC = 110^\circ$ ,  $AD \parallel OC$ , 则  $\angle AOD = \underline{\hspace{1cm}}$  度;

18. 在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle C = 90^\circ$ ,  $AB = 5$ ,  $BC = 3$ , 点  $D$ 、 $E$  分别在  $BC$ 、 $AC$  上,

且  $BD = CE$ , 设点  $C$  关于  $DE$  的对称点为  $F$ , 若  $DF \parallel AB$ , 则  $BD$  的长为  $\underline{\hspace{1cm}}$ ;



第 17 题



第 18 题

### 三、解答题: (本大题共 7 题, 满分 78 分)

19. (本题满分 10 分)

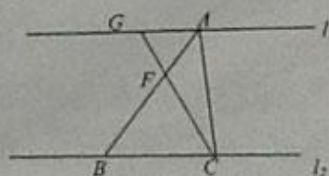
计算:  $\frac{2\cos 30^\circ + 3\cot 60^\circ}{2\sin 60^\circ - \tan^2 45^\circ}$ ;

20. (本题满分 10 分)

如图, 已知  $l_1 \parallel l_2$ , 点  $A$ 、 $G$ 、 $B$ 、 $C$  分别在  $l_1$  和  $l_2$  上,  $AF = \frac{2}{5}AB$ .

(1) 求  $\frac{AG}{BC}$  的值;

(2) 若  $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{AC} = \vec{b}$ , 用向量  $\vec{a}$  与  $\vec{b}$  表示  $\overrightarrow{AG}$ .



第 20 题

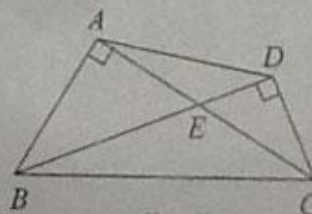
21. (本题满分 10 分, 每小题满分各 5 分)

如图, 已知在四边形  $ABCD$  中,  $AC \perp AB$ ,  $BD \perp CD$ ,  $AC$  与  $BD$  相交于点  $E$ ,  $S_{\triangle AED} = 9$ ,

$S_{\triangle BEC} = 25$ .

(1) 求证:  $\angle DAC = \angle CBD$ ;

(2) 求  $\cos \angle AEB$  的值.



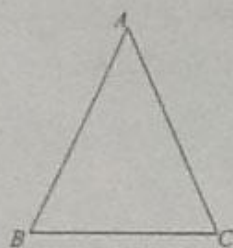
第 21 题

22. (本题满分10分, 第(1)小题4分, 第(2)小题6分)

通过学习锐角三角比, 我们知道在直角三角形中, 一个锐角的大小与两条边长的比值是一一对应的, 因此, 两条边长的比值与角的大小之间可以相互转化. 类似的, 可以在等腰三角形中建立边角之间的联系. 我们定义: 等腰三角形中底边与腰的比叫做底角的邻对 (can, 如图(1)在  $\triangle ABC$  中,  $AB=AC$ , 底角  $B$  的邻对记作  $\text{can}B$ , 这时  $\text{can}B = \frac{\text{底边}}{\text{腰}} = \frac{BC}{AB}$ , 容易知道一个角的大小与这个角的邻对值也是一一对应的. 根据上述角的邻对的定义, 解下列问题:

(1)  $\text{can}30^\circ =$  \_\_\_\_\_

(2) 如图(2), 已知在  $\triangle ABC$  中,  $AB=AC$ ,  $\text{can}B = \frac{8}{5}$ ,  $S_{\triangle ABC} = 24$ , 求  $\triangle ABC$  的周长.



第22题(1)



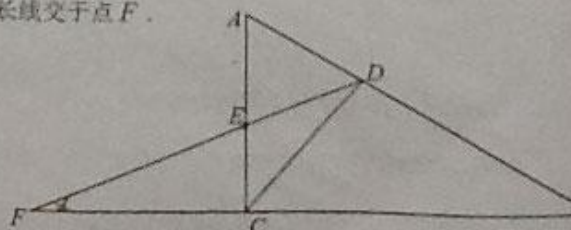
第22题(2)

23. (本题满分12分, 每小题满分各6分)

如图, 已知在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  $CD \perp AB$  于  $D$ ,  $E$  是  $AC$  的中点,  $DE$  的延长线与  $BC$  的延长线交于点  $F$ .

(1) 求证:  $\triangle FDC \sim \triangle FBD$ ;

(2) 求证:  $\frac{DF}{BF} = \frac{AC}{BC}$ .



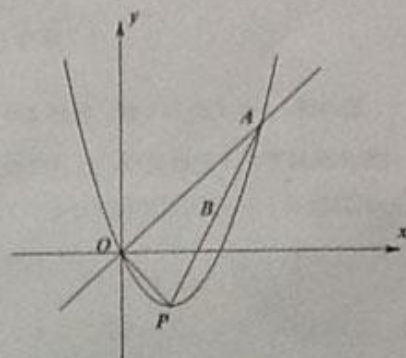
第23题



24. (本题满分 12 分, 每小题 4 分)

如图, 已知直线  $y=x$  与二次函数  $y=x^2+bx+c$  的图像交于点  $A$ ,  $O$  ( $O$  是坐标原点), 点  $P$  为二次函数图像的顶点,  $OA=3\sqrt{2}$ ,  $AP$  的中点为  $B$ .

- (1) 求二次函数的解析式;
- (2) 求线段  $OB$  的长;
- (3) 若射线  $OB$  上存在点  $Q$ , 使得  $\triangle AOQ$  与  $\triangle AOP$  相似, 求点  $Q$  的坐标.

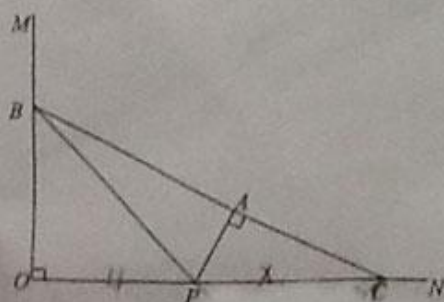


第 24 题

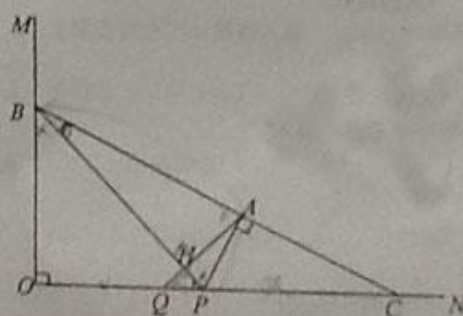
25. (本题满分 14 分, 第 (1) 小题 4 分, 第 (2) 小题 5 分, 第 (3) 小题 5 分)

如图(1), 已知  $\angle MON=90^\circ$ , 点  $P$  为射线  $ON$  上一点, 且  $OP=4$ ,  $B$ 、 $C$  为射线  $OM$  和  $ON$  上的两个动点 ( $OC > OP$ ), 过点  $P$  作  $PA \perp BC$ , 垂足为点  $A$ , 且  $PA=2$ , 联结  $BP$ .

- (1) 若  $\frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\text{四边形}ABOP}} = \frac{1}{2}$  时, 求  $\tan \angle BPO$  的值;
- (2) 设  $PC=x$ ,  $\frac{AB}{BC} = y$ , 求  $y$  与  $x$  之间的函数解析式, 并写出定义域;
- (3) 如图(2), 过点  $A$  作  $BP$  的垂线, 垂足为点  $H$ , 交射线  $ON$  于点  $Q$ , 点  $B$ 、 $C$  在射线  $OM$  和  $ON$  上运动时, 探索线段  $OQ$  的长是否发生变化? 若不发生变化, 求出它的值. 若发生变化, 试用含  $x$  的代数式表示  $OQ$  的长.



第 25 题 (1)



第 25 题 (2)